

FEUILLE TD N°2 - semaine du 13 février 2006

Exercice 1. Calculer les intégrales suivantes en intégrant par parties:

- $\int_0^\pi x \sin(x) dx$
- $\int x^2 e^x dx$
- $\int x^m \ln(x) dx$ (m est un paramètre réel)
- $\int_1^8 \sqrt[3]{x} \ln(x) dx$

Exercice 2. Calculer simultanément: $I_1 = \int e^x \cos(x) dx$ et $I_2 = \int e^x \sin(x) dx$

Exercice 3. Calculer les intégrales suivantes à l'aide d'un changement de variables:

- $\int_0^1 \frac{x}{\sqrt{1+3x}} dx$; pour indication: poser $t = (3x+1)$
- $\int_1^3 \frac{x}{x+1} dx$
- $\int_0^1 \frac{3+x}{4+x^2} dx$

Exercice 4. Calculer les intégrales suivantes:

- $\int \arctan(x) dx$
- $\int \frac{x^2}{(x-1)^3} dx$
- $\int \frac{e^x}{e^{2x}+1} dx$
- $\int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx$

Exercice 5. Pour tout entier naturel n , on pose $I_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^n(x) dx$.

1. Calculer I_0 , I_1 et I_2 .
2. Expliquer brièvement pourquoi la suite $(I_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est décroissante.
3. Montrer que pour $n \geq 2$, on a $I_n = \frac{n-1}{n} I_{n-2}$. En déduire I_3 et I_4 .